

$$t_{ij}^{(mn)} = t_{\sqrt{n}}(m+1)$$